分子動力学法によるシリカガラスへの押し込みシミュレーション

INDENTATION SIMULATION TO SILICA GLASSES USING MOLECULAR DYNAMICS METHODS

西村 正臣¹⁾,和田 大夢²⁾,荒井 政大³⁾

Masaomi NISHIMURA, Hiromu WADA and Masahiro ARAI

1) 信州大学工学部機械システム工学科	(〒 380-8553 長野市若里 4-17-1, E-mail: nishimu@shinshu-u.ac.jp)
2) 信州大学大学院理工学系研究科	(〒 380-8553 長野市若里 4-17-1, E-mail: hwada@str.shinshu-u.ac.jp)
3) 名古屋大学工学研究科航空宇宙工学専攻	(〒464-8603 愛知県名古屋市千種区不老町, E-mail: arai@nuae.nagoya-u.ac.jp)

In this study, indentation simulations to a silica glass are performed using molecular dynamics methods in order to reveal atomic structural changes under the inhomogeneous deformation. During the loading and the holding at maximum depth, we observe local structural changes from normal-coordinated atoms to over-coordinated atoms, such as $Si4\rightarrow Si5$ and $O2\rightarrow O3$. These over-coordinated atoms remain after the unloading, and cause high tensile/compressive local stresses. Maximum indentation depths after the simulation vary according to elastic deformation volumes in the silica glass model before the unloading.

Key Words: Molecular dynamics, Silica glasses, Tersoff potential, Nanoindentation.

1. 諸言

近年,あらゆる電子機器の小型化が進んでおり,それに 伴ってナノインプリントをはじめとするナノスケールでの加 工がシリカガラスにも求められてきている.ガラスに代表さ れる非晶質材料は,巨視的には均質な等方性を有している が,原子レベルでは不均一な原子配置であるために,局所構 造の不均一性を無視できないようなナノスケールでの加工を 考える場合には,均質な連続体モデルでの検討よりも,原子 シミュレーションによる検討が必要となる.

シリカガラスをはじめとする Si-O 系の材料は, Si 原子を 中心に O 原子を頂点とする SiO₄ 四面体構造を基本構造とし た短距離秩序を有しており, 頂点の O 原子を共有して三次元 的に結合した原子配置となっている⁽¹⁾. そのため, Si-O-Si 結合角は SiO₄ 四面体構造内の O-Si-O 結合角よりも自由度 が大きく, その角度によって様々な結晶形態をとることが知 られている.シリカガラス中には, このような SiO₄ 四面体 構造が多数存在し, これらが無秩序に結合したランダムネッ トワークが形成されたアモルファス構造であると考えられて いる.その一方で,完全にランダムな構造ではなく, SiO₂ 分 子の連なりによって形成される環構造⁽²⁾ のような中距離領 域の秩序的ネットワークが存在すると考えられているが, 原 子レベルの不均一構造がシリカガラスの変形特性にどのよう に寄与しているかについては不明な部分が多い.

2014年9月24日受付, 2014年10月29日受理

本研究では、シリカガラスの不均一変形時におけるナノ スケールでの局所構造変化について明らかにすることを目 的として、分子動力学法を用いた押し込み解析を実施する. シリカガラスを対象とした押し込み解析は過去にも存在す る^{(3),(4)}が、その多くは押し込み直後に引き上げを開始して おり、局所構造変化の過程が不明瞭である。そこで本研究で は、圧子形状や最大押し込み位置における保持時間などを変 化させることで、原子構造の緩和過程についても検討した.

2. 分子動力学法

分子動力学法 (Molecular Dynamics Method; MD法)⁽⁵⁾ とは、系を構成する個々の原子について Newton の運動方程 式を適用して、数値積分することによって全原子の運動を追 跡する手法である.原子 α に作用する力 F_{α} は系全体のポテ ンシャルエネルギー E_{tot} の空間座標についての勾配ベクト ルから決定される.

$$\boldsymbol{F}_{\alpha} = -\frac{\partial E_{\text{tot}}}{\partial \boldsymbol{r}_{\alpha}} \tag{1}$$

このため、ポテンシャルエネルギーの精度が MD 法におい ては重要となる.本研究で扱うシリカガラスは SiO4 四面体 構造を基本構造としており、単純な 2 体間ポテンシャルでは O-Si-O や Si-O-Si といった結合角の変化を考慮できない.そ こで本研究では、Si-O 系にフィッティングされた Tersoff ポ テンシャル⁽⁶⁾を用いた.Tersoff ポテンシャルは、Tersoff ら が主にシリコンの計算のために考案した多体間ポテンシャル ⁽⁷⁾ であり,結合角に依存する項を含めることにより,共有 結合の変化を取り入れている.

Tersoff ポテンシャルによる系全体のエネルギー E_{tot}^{T} は各 原子間の結合エネルギー E_{ij}^{T} の総和であり,以下のように表 される.

$$E_{\rm tot}^{\rm T} = \frac{1}{2} \sum_{i} \sum_{j \neq i} E_{ij}^{\rm T} = \sum_{i} \sum_{j > i} E_{ij}^{\rm T}$$
(2)

$$E_{ij}^{\mathrm{T}} = f_c(V_{ij}^R - \bar{b}_{ij}V_{ij}^A) \tag{3}$$

ここで、 V_{ij}^{R} , V_{ij}^{A} は原子 $i \ge j \ge 0$ 原子間距離 r_{ij} に依存し た斥力項と引力項であり、 \bar{b}_{ij} は結合角などの多体効果を考 慮した係数である.また、 f_c はカットオフ関数である. V_{ij}^{R} , V_{ij}^{A} および f_c は以下のように表される.

$$V_{ij}^R = A_{ij} \exp(-\lambda_{ij} r_{ij}) \tag{4}$$

$$V_{ij}^A = B_{ij} \exp(-\mu_{ij} r_{ij}) \tag{5}$$

$$f_{c} = \begin{cases} 1 & (r_{ij} < R_{ij}) \\ \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \cos(\pi \frac{r_{ij} - R_{ij}}{S_{ij} - R_{ij}}) & (R_{ij} < r_{ij} < S_{ij}) \\ 0 & (r_{ij} > S_{ij}) \end{cases}$$
(6)

上式において, λ_{ij} , μ_{ij} , A_{ij} , B_{ij} , R_{ij} , S_{ij} は, 原子 i, jの原子種 I, J(= Si or O) により決まる定数の相加平均もしくは相乗平均として,以下のように定義される.

$$\lambda_{ij} = \frac{\lambda_I + \lambda_J}{2}, \mu_{ij} = \frac{\mu_I + \mu_J}{2} \tag{7}$$

$$A_{ij} = \sqrt{A_I A_J}, B_{ij} = \sqrt{B_I B_J}, R_{ij} = \sqrt{R_I R_J}, S_{ij} = \sqrt{S_I S_J} \quad (8)$$

結合エネルギー E_{ij}^{T} において, \bar{b}_{ij} が結合角依存項で3体効果を含んでおり,結合i-jと隣接した結合i-kとの結合角 θ_{jik} の関数として以下のように表される.

$$\bar{b}_{ij} = \frac{b_{ij} + b_{ji}}{2} \tag{9}$$

$$b_{ij} = \chi_{IJ} (1 + \beta_I^{n_I} \zeta_{ij}^{n_I})^{-1/2n_I}$$
(10)

$$\zeta_{ij} = \sum_{k \neq i,j} f_c(r_{ik}) g(\theta_{jik}) \tag{11}$$

$$g(\theta_{jik}) = 1 + \frac{c_I^2}{d_I^2} - \frac{c_I^2}{d_I^2 + (h_I - \cos \theta_{jik})^2}$$
(12)

ここで, χ_{IJ} , β_I , n_I , d_I , h_I は式 (7), (8) 中のパラメータ と同じく原子種により決まる定数である.式 (7)~(12) 中の 各パラメータには, 宗藤ら⁽⁶⁾ によるフィッティングにより得 られた値を用いた. $\chi_{SiO} = \chi_{OSi} = 1.1794$, $\chi_{SiSi} = \chi_{OO} = 1$ であり, 他のパラメータは表1にまとめて示した.

本研究では、シリカガラス表面に対して、ダイヤモンド構造を有する圧子を押し込む解析を実施する. 圧子中の C 原子とシリカガラスを構成する Si 原子および O 原子のそれぞ

Table 1 Parameters for Tersoff potential $^{(6)}$.

	Si	О
$A_I[eV]$	1.8308×10^{3}	1.88255×10^{3}
$B_I[eV]$	4.7118×10^2	2.18787×10^{2}
$\lambda_I[\text{Å}]$	2.4799	4.17108
$\mu_I[\text{Å}]$	1.7322	2.35692
β_I	1.1000×10^{-6}	1.1632×10^{-7}
n_I	7.8734×10^{-1}	1.04968
c_I	1.0039×10^{5}	6.46921×10^4
d_I	1.6217×10^1	4.11127
h_I	-5.9825×10^{-1}	-8.45922×10^{-1}
$R_I[\text{Å}]$	2.5	1.7
$S_I[Å]$	2.8	2.0

Table 2 Parameters for Lennerd-Jones potential $^{(8)}$.

	Si-C	O-C
ε_{IJ} [meV]	8.909	3.442
σ_{IJ} [Å]	3.326	3.001

れとの原子間相互作用を評価するため、代表的な2体間ポテ ンシャル関数である Lennard-Jones(LJ) ポテンシャルを採用 した.一般に LJ ポテンシャルは、原子間距離の一価関数で 表され、12 乗の斥力項と6 乗の引力項とで表される.

$$E_{ij}^{\rm LJ} = 4\varepsilon_{IJ} \left\{ \left(\frac{\sigma_{IJ}}{r_{ij}} \right)^{12} - \left(\frac{\sigma_{IJ}}{r_{ij}} \right)^6 \right\}$$
(13)

 ε_{IJ} および σ_{IJ} は原子間ごとのフィッティングパラメーター であり、それぞれ結合の強さと原子間距離とに関係している. 本研究では、Ong ら⁽⁸⁾によるパラメータ(表 2)とLJポテ ンシャルを考慮するカットオフ距離 2.5 σ_{IJ} を採用した.

3. 解析モデルおよび解析条件

シリカガラスモデルは溶融-急冷シミュレーションによっ て生成した.Si原子 21600個,O原子 43200個の総原子数 64800個をセル寸法が 22.2 nm × 2.21 nm × 22.2 nm の薄 板状クリストバライト構造となるように配置した後,全方 向周期境界条件の下で,10Kより昇温速度 1.0×10^{14} K/s で 6000Kまで昇温し,6000Kにおいて無負荷での MD 計算を行 うことで十分に緩和した.その後,冷却速度 -1.0×10^{12} K/s で 300Kまで急冷した後,温度を 300K に制御しながらポテ ンシャルエネルギーが収束するまで緩和した.溶融-急冷お よび無負荷緩和計算中は系の垂直応力が常に0になるように セル辺長をスケーリング制御した.なお,系の応力は以下の 式により定義される.

$$\sigma_{mn} = \frac{1}{V} \frac{\partial E_{\text{tot}}}{\partial \varepsilon_{mn}} \tag{14}$$

ここで、Vはセルの体積であり、応力 σ_{mn} とひずみ ε_{mn} の 指標 m および n は直交座標の x, y, z に対応する.また、数値 積分に用いた Verlet 法の積分時間ステップは 1.0fs とし、温 度制御には速度スケーリング法を用いた.



Fig. 1 Schematic of the indentation simulation.



Fig. 2 Loading and unloading conditions of the simulation.

溶融-急冷により得られたシリカガラスモデルを x 方向お よびz方向に周期境界条件に従い2倍に広げた領域を押し込 み対象の解析セルとして新たに設定した.押し込みを実施す るためにz方向の上面は周期境界条件から自由境界条件に変 更し、下面の厚さ 0.5nm の領域内にある原子は z 軸方向の 移動を拘束することで固定端とした。押し込み圧子には、自 由表面の上部に作成した三角形状のダイヤモンドを用いた. ただし,本研究においては,シリカガラス変形時の内部構造 変化を議論の中心としているために, 圧子内の C 原子の運 動は考慮せずに剛体として取り扱う.図1に押し込み解析の 模式図を示す.三角形圧子形状は、剛体として取り扱うため に、LJポテンシャルのカットオフ距離程度の厚み分の C 原 子で表現しており、圧子先端の頂角は $\theta = 60^{\circ}, 90^{\circ}, 120^{\circ}$ の3 通りの形状を用いた. 解析セルの x 方向および y 方向は周期 境界条件のままとするが、溶融-急冷時のようなセル辺長の スケーリングによる応力制御は行わない.

図2に,押し込み解析中の圧子の移動を圧子先端とシリカ ガラスの初期表面との距離で示す.シリカガラスの初期表面 および圧子先端は,各構造中の原子のz座標の最大値もしく は最小値により,それぞれ定義した.圧子はシリカガラス表 面から1nm離れた位置に設置され,100m/sの速度で11nm 押し下げられ,押し込んだ状態にて一定時間保持した後に, 押し下げと同じ100m/sの速度で11nm引き上げられる.図 2に示すように,最大押し込み位置での保持時間は,100ps と1000psの2通りを採用した.なお,以後の議論において解 析結果を示すときは,(i)の最大押し込み位置に到達した時 点,(ii),(ii)と(iii),(iii)の最大押し込み位置での保持時間 が短い100psと長い1000psそれぞれの引き上げ前後,に注 目して示す.本研究では,3通りの圧子形状と2通りの保持 時間の計6通りの押し込み解析を実施するが,押し込み対象 となるシリカガラスモデルの初期構造はすべて同じである.

4. 解析結果および考察

4.1. 反力および内部応力の変化

押し込み解析中に圧子に生じる反力の変化を図3に示す. 圧子に生じる反力は、圧子を構成する各C原子とシリカガ ラスモデルの原子との間に生じる原子間力のz方向成分を総 和することで求めた.図3の横軸には、シリカガラスの初期 表面からの圧子先端距離を示しており, 左から圧子先端角度 $\theta = 60^{\circ}, 90^{\circ}, 120^{\circ}$ の結果をそれぞれまとめた.また,最大押 し込み位置での保持時間が短い 100ps での引き上げ結果は色 を変えて示した.いずれのθにおいても,圧子が押し込まれ るに伴って反力が増加し、最大押し込み量 10nm に達した時 点で,反力は最大となる.押し込み時の反力は接触面積の違 いから, $\theta = 120^{\circ}$ の時が最も大きい. 圧子が最大押し込み位 置で保持されると、反力はわずかに低下するが0になること はない.保持時間で比較すると、短い100psでの引き上げに 比べて,長い1000psでの引き上げの方が下側の経路を通る ことから,保持時間を長くとるほど反力の低下量が大きいこ とがわかる.

図4に,系の垂直応力 σzz の変化を横軸に時間をとって示 した.系の応力 σ_{mn} は、無負荷時や均一変形時においてはマ クロな応力と対応するが,本解析のような不均一変形が生じ る場合においては必ずしも対応しない.一方で,系全体で体 積平均された応力としてとらえることができることから,内 部構造の応力変化を把握する目安として本研究では用いる. 図4に示すように、 σ_{zz} の値は圧子が押し込まれるに伴い圧 縮応力が増大し、最大押し込み位置に到達する110ps(一点 鎖線)においてピークを示す.その後,圧子が押し込み位置 で保持されると圧縮応力が次第に低下しており、210ps にお いてはまだ応力は収束していないが, 1110ps においてはい ずれの圧子形状でもほぼ応力値は収束している.この時,接 触面積の違いから $\theta = 120^\circ$ のときが最も高い圧縮状態とな る. 210ps と 1110ps の時点から圧子の引き上げが行われる と, 圧縮応力は除荷され, 振動しながら0に収束する. この 時の振動は, 圧子が離れたことによる自由表面の振動に起因 しているが,解析条件の違いによる差はほとんどない.

4.2. 配位数変化

押し込み時におけるシリカガラス内部の原子構造変化を 検討するために,各原子の配位数を調査した.配位数は,式 (6)で用いた Tersoff ポテンシャルのカットオフ距離 S_{ij} 以内 に他の原子が存在する場合に結合しているものとして評価 した.シリカガラスの基本構造は,SiO4 四面体構造が O 原 子を介してネットワークを築いているので,4 配位のSi4 と 2 配位の O2 が各原子の基本配位である.図 5(a) および (c)





Fig. 3 Indentation force versus distance of indenter tip from surface.



Fig. 5 Changes in ratio of normal-coordinated atoms (Si4 and O2) and over-coordinated atoms (Si5 and O3).

に Si4 と O2 の割合変化をそれぞれ示す。押し込みを開始す る前においては、Si4 が83.3%, O2 が94.9% であり、SiO4 四面体によるランダムネットワークが構成されていることが 理解できる一方で,基本配位ではない配位欠陥も初期から 存在することが示唆される.押し込みを実施することによっ て, Si4 と O2 のどちらの割合も低下しており,特に先端角 度 $\theta = 120^{\circ}$ の圧子においては、1110ps においても下がり続 けていることがわかる.一方, $\theta = 60^{\circ}$ の圧子においては, 400ps付近において、O2の割合が低下傾向から増加傾向に変 化しているが,このモデルにおいては,圧子側面のシリカガ ラス表面が不均一に盛り上がり,原子が自由空間に飛び出る 現象が生じており、それが影響したものと考えられる. 圧子 を押し込み位置から引き上げると,配位数の割合が減少して いたのが,反転して割合が増加した後に,一定割合に収束す る. この時の収束値は、いずれも初期割合よりも低く、図中 矢印で示した 210ps からの引き上げよりも 1110ps からの引 き上げ後の割合の方が低い.特に, $\theta = 120^{\circ}$ のモデルでは, Fig. 4 Changes in the system stress.

引き上げ時期による収束値の差が大きい.次に,図5(b)お よび (d) に Si5 と O3 の原子の割合を示す. それぞれ, 基本配 位である Si4 と O2 に比べて配位数が多い局所構造を意味し ており、初期状態においては、Si5 が 12.3%, O3 が 4.7% で ある. Si4 と Si5 の合計が 95.6%, O2 と O3 の合計が 99.8% であるから,シリカガラスの配位欠陥のほとんどは,(b)お よび (d) に示す配位数が多い構造であることが理解できる. これらの構造は、押し込みを実施することによって割合が増 加しており, Si5 は (a)Si4 の変化を, O3 は (c)O2 の変化を横 軸に対して反転させたような変化を描いた. すなわち, 押し 込み中の配位数変化は、Si4→Si5 と O2→O3 のように、結合 が増加するような局所構造変化が生じていることを示唆して いる.このような配位数変化は、解析条件によって異なって おり,除荷後の割合にも違いがみられることから,配位数の 増加が生じている領域を特定することで, 圧子押し込み時に おける原子構造変化を把握できると考えれられる.

そこで,各時刻における配位欠陥に対応するSi5原子の位 置を可視化したのが図6である.図中では、シリカガラス内 において配位数が5と判定されたSi5原子のみを点で示し, 圧 子の C 原子も別途表示している.図(a),(b),(c) に圧子先端 角度 $\theta = 60^{\circ}, 90^{\circ}, 120^{\circ}$ の結果をそれぞれまとめており,各図 中に,最大押し込み位置で圧子保持中の(i)110ps,(ii)210ps, (iii)1110ps における分布と, (ii) と (iii) の各時点から引き上 げを行った後の (ii)610ps と (iii)1510ps での分布を示してい る.まず,(a)~(c)それぞれの(i)を見ると,押し込み圧子の 直下の領域において Si5 原子が他の領域に比べて密に存在し ており,図5で示した配位数の増加が圧子押し込み位置周辺 で集中的に生じていることがわかる. $(a)\theta = 60^{\circ}$ の圧子モデ ルにおいては, (ii) では Si5 が密な領域はあまり大きく変化 しないが、(iii)では圧子の右側において、表面が盛り上がっ ており、その影響でSi5原子の密度も低下している.一方の $(b)\theta = 90^{\circ}$ および $(c)\theta = 120^{\circ}$ では, $(i) \rightarrow (ii) \rightarrow (iii)$ において Si5 原子の密な領域が広がっている.特に (c) では, Si5 原子 の増加が顕著にみられ、(i)の時点ではSi5原子の集中が確 認できるのは圧子先端から 5nm ほどの領域のみであったの が, (iii) では圧子と接する表面全域において確認できる. 圧 子引き上げ後の (ii) や (iii) においても, Si5 原子の密な領域 は残留しており, 押し込み位置の周辺部は除荷後も押し込み による構造変化が維持されていると考えられる. 配位数の増

加は,局所領域内の原子数の増加を意味するので,押し込み によって,圧子直下領域の密度が増加するような不可逆な変 形が生じたことが示唆される.

4.3. 局所応力変化

次に,シリカガラス内の局所応力を評価する.多体間ポテ ンシャルで表現される分子動力学法において,

$$E_{\rm tot} = \sum_{\alpha}^{N} E_{\alpha} \tag{15}$$

のように,系のエネルギーを各原子の寄与に分けることが可 能ならば,式 (14) に示した系の応力 σ_{mn} も,

$$\sigma_{mn} = \frac{1}{N} \sum_{\alpha}^{N} \sigma_{mn}^{\alpha}, \quad \sigma_{mn}^{\alpha} = \frac{1}{V/N} \frac{\partial E_{\alpha}}{\partial \varepsilon_{mn}}$$
(16)

のように、各原子位置における原子応力 σ_{mn}^{α} の平均として 解釈が可能である.ただし,原子応力は各原子位置の周辺構 造の違いによって大きく異なるために、シリカガラスのよう なアモルファス構造においては局所構造の違いによるバラつ きが非常に大きく、そのままの値での評価は容易ではない. そこで本研究では、式(16)により求まる原子応力を局所領域 内で平均化した値を用いて検討する. すなわち, 各原子位置 から一定距離内に存在する原子数 N_{local} の原子応力 σ_{mn}^{α} の 平均として局所応力 $\sigma_{mn}^{\text{local}}$ を定義した. 今回は,局所応力を 評価するための距離を 0.85nm と設定しており、N_{local}の数 は200程度である.図7に、最大押し込み位置での圧子保持 時における局所応力の分布変化を示す. $(a)\theta = 60^{\circ}$ の圧子で は、押し込み直後の(i)においても、高い圧縮状態の局所領 域は圧子直下のみにしか存在しておらず、圧子保持時間が経 過するにしたがって,その高い圧縮状態が緩和されているこ とがわかる. 圧子先端角度 θ が大きくなるにつれて, 圧子直 下のみではなく,シリカガラス下側にかけても高圧縮状態と なる.これは, θ が鈍角になり, 圧子形状が平たくなること でモデル全体が収縮されるような弾性的な変形が生じること が原因と考えられる. (b) や (c) においても, (i)→(ii)→(iii) と圧子保持時間が経過するに伴って, 圧子直下の高圧縮領域 の分布が変化しており、図6に示したような配位数の増加を 伴う局所変形により応力状態も変化したものと理解できる. さらに, モデル内部の下面まで広がっている高圧縮状態も時 間が経過することで緩和されているが、圧子直下領域以外の モデル内部では結合状態はほとんど変化していないことか ら,モデル全域で構造緩和が生じているわけではなく,モデ ル上部の局所変形が生じることでモデル全域での弾性変形量 が緩和されたものと考えられる.

図8に引き上げ後の(ii)610psと(iii)1510psにおける局所 応力の分布を示す.ただし,図7とは異なり, σ_{zz}^{local} は±5GPa の範囲で色づけしていることに注意されたい.いずれの条件 においても押し込み位置周辺において局所的に高圧縮状態も しくは高引張状態となる領域が確認できる.これらは,図6 に示したように局所的に密な構造が圧子引き上げ後も維持さ れることで生じた残留応力として理解できる.一方で,押し 込み領域ではないモデル下側の領域においては高応力状態の



Fig. 6 Distribution of 5-fold coordinated Si atoms.

領域はほとんど見られないことから,図7において見られた 押し込み時における高圧縮状態は引き上げによって解消され る弾性変形によるものであったことがこの図からもわかる. なお,他の応力成分においても,図8と同様に圧子直下のみ の局所領域で高い応力状態を確認している.

最後に、図8の各時点における圧痕の最大深さを表3にま とめて比較する.いずれの最大深さも、最大押し込み量であ る10nmよりも小さく、表の値と10nmとの差が大きいほど 圧子が引き上げられるときに戻される変形量が多いことを



Fig. 7 Visualizations of local stresses during the holding at maximum depth.

Table 3 Maximum indentation depth after unloading

	$\theta = 60^{\circ}$	$\theta = 90^{\circ}$	$\theta = 120^{\circ}$
$(\tilde{i}i)$ 610ps	8.32nm	7.31nm	$5.71 \mathrm{nm}$
(iii) 1510ps	$9.07 \mathrm{nm}$	8.37nm	6.69nm

意味する. 圧子形状で比較すると, θが大きくなるほど圧痕 は浅く,最大押し込み位置での保持時間で比較すると,保持 時間が短い(ii)の方が(iii)よりも圧痕は浅い. これは,図7 の(ii),(iii)に示した圧子引き上げ前におけるモデル全域で の圧縮状態の違いと対応している. すなわち,図7において モデル下部まで広がる圧縮応力状態は弾性変形により生じて いる応力であると考えられるので,この時点で高い圧縮状態 にあればあるほど,弾性変形量が除荷された時の戻り量が大 きくなり,圧痕の深さが浅くなるものと理解できる.

5. 結言

本研究では、シリカガラスの不均一変形時における原子構 造変化について検討するために、分子動力学法を用いた押し 込み解析を実施した. 圧子直下の領域では、原子の配位数が 増加して高密度になるような局所変形が確認できた. このよ うな局所構造変化は圧子を最大押し込み位置で保持している 間も継続して生じ、シリカガラス内部の応力が緩和されるこ とが示唆された. 圧子引き上げ後も押し込み位置周辺の領域



Fig. 8 Visualizations of local stresses after unloading.

では,配位数の増加が維持されており,その影響で高圧縮状 態もしくは高引張状態となる局所領域が確認された.押し込 みによる圧痕深さは圧子形状や最大押し込み位置での保持時 間により異なっており,圧子引き上げ前のガラス内部での弾 性変形量の違いが影響していることが示唆された.

参考文献

- (1) 作花済夫: ガラス非晶質の科学, (1983), 内田老鶴圃.
- (2) X. Yuan and A. N. Cormack : Efficient algorithm for primitive ring statistics in topological networks, Computational Materials Science, 24(2002), pp. 343–360.
- (3) K. Nomura, Y. Chen, R. K. Kalia, A. Nakano, and P. Vashishta : Defect migration and recombination in nanoindentation of silica glass, Applied Physics Letters, 99(2011), pp. 111906-1–3.
- (4) D.A. Kilymis and J.M. Delaye: Nanoindentation of pristine and disordered silica: molecular dynamics simulations, Journal of Non-Crystalline Solids, 382(2013), pp. 87–94.
- (5) 上田顯:コンピューターシミュレーション, (1990), 朝 倉書店.
- (6) S. Munetoh, T. Motooka, K. Moriguchi and A. Shintani : Interatomic potential for Si-O systems using Tersoff parameterization, Computational Materials Science, **39**(2007), pp. 334–339.
- (7) J. Tersoff: New empirical approach for the structure and energy of covalent systems, Physical Review B, 37(1988), pp. 6991–7000.
- (8) Z. Y. Ong and E. Pop: Molecular dynamics simulation of thermal boundary conductance between carbon nanotube and SiO₂, Physical Reviw B, **81**(2010), p. 155408.